Corrigé de l'exercice 1

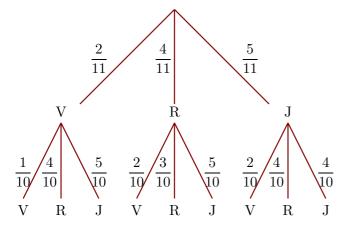
Dans une urne, il y a 2 boules vertes (V), 4 boules rouges (R) et 5 boules jaunes (J), indiscernables au toucher. On tire successivement et sans remise deux boules.

 $\blacktriangleright 1$. Quelle est la probabilité de tirer une boule rouge au premier tirage ?

Il y a 11 boules dans l'urne dont 4 boules rouges.

La probabilité de tirer une boule rouge au premier tirage est donc $\frac{4}{11}$.

▶2. Construire un arbre des probabilités décrivant l'expérience aléatoire.



▶3. Quelle est la probabilité que la première boule soit jaune et la deuxième soit rouge?

On note (J , R) l'évènement : « la première boule tirée est jaune et la deuxième tirée est rouge » et on utilise l'arbre construit précédemment.

$$p(J, R) = \frac{5}{11} \times \frac{4}{10} = \frac{20}{110}$$

La probabilité que la première boule soit jaune et la deuxième soit rouge est égale à $\frac{20}{110}$.

▶4. Quelle est la probabilité que la deuxième boule soit verte?

On note $(?\ ,\ V)$ l'évènement : « la deuxième boule tirée est verte ».

$$p(?, V) = p(V, V) + p(R, V) + p(J, V) = \frac{2}{11} \times \frac{1}{10} + \frac{4}{11} \times \frac{2}{10} + \frac{5}{11} \times \frac{2}{10} = \frac{20}{110}$$

Corrigé de l'exercice 2

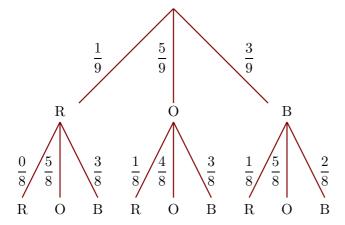
Dans une urne, il y a 1 boule rouge (R), 5 boules oranges (O) et 3 boules bleues (B), indiscernables au toucher. On tire successivement et sans remise deux boules.

▶1. Quelle est la probabilité de tirer une boule orange au premier tirage?

Il y a 9 boules dans l'urne dont 5 boules oranges.

La probabilité de tirer une boule orange au premier tirage est donc $\frac{5}{9}$.

▶2. Construire un arbre des probabilités décrivant l'expérience aléatoire.



▶3. Quelle est la probabilité que la première boule soit bleue et la deuxième soit orange?

On note (B , O) l'évènement : « la première boule tirée est bleue et la deuxième tirée est orange » et on utilise l'arbre construit précédemment.

$$p(B, O) = \frac{3}{9} \times \frac{5}{8} = \frac{15}{72}$$

La probabilité que la première boule soit bleue et la deuxième soit orange est égale à $\frac{15}{72}$.

▶4. Quelle est la probabilité que la deuxième boule soit rouge?

On note (?, R) l'évènement : « la deuxième boule tirée est rouge ».

$$p(?, R) = p(R, R) + p(O, R) + p(B, R) = \frac{1}{9} \times \frac{0}{8} + \frac{5}{9} \times \frac{1}{8} + \frac{3}{9} \times \frac{1}{8} = \frac{8}{72}$$

Corrigé de l'exercice 3

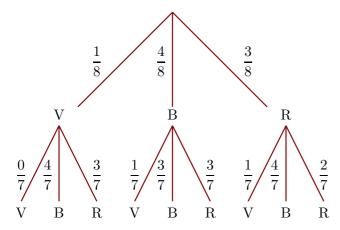
Dans une urne, il y a 1 boule verte (V), 4 boules bleues (B) et 3 boules rouges (R), indiscernables au toucher. On tire successivement et sans remise deux boules.

▶1. Quelle est la probabilité de tirer une boule bleue au premier tirage?

Il y a 8 boules dans l'urne dont 4 boules bleues.

La probabilité de tirer une boule bleue au premier tirage est donc $\frac{4}{9}$.

▶2. Construire un arbre des probabilités décrivant l'expérience aléatoire.



▶3. Quelle est la probabilité que la première boule soit rouge et la deuxième soit bleue?

On note (R , B) l'évènement : « la première boule tirée est rouge et la deuxième tirée est bleue » et on utilise l'arbre construit précédemment.

$$p(R, B) = \frac{3}{8} \times \frac{4}{7} = \frac{12}{56}$$

La probabilité que la première boule soit rouge et la deuxième soit bleue est égale à $\frac{12}{56}$.

▶4. Quelle est la probabilité que la deuxième boule soit verte?

On note (?, V) l'évènement : « la deuxième boule tirée est verte ».

$$p(?, V) = p(V, V) + p(B, V) + p(R, V) = \frac{1}{8} \times \frac{0}{7} + \frac{4}{8} \times \frac{1}{7} + \frac{3}{8} \times \frac{1}{7} = \frac{7}{56}$$

Corrigé de l'exercice 4

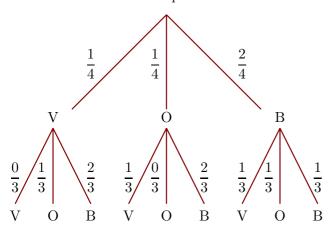
Dans une urne, il y a 1 boule verte (V), 1 boule orange (O) et 2 boules bleues (B), indiscernables au toucher. On tire successivement et sans remise deux boules.

▶1. Quelle est la probabilité de tirer une boule orange au premier tirage?

Il y a 4 boules dans l'urne dont 1 boule orange.

La probabilité de tirer une boule orange au premier tirage est donc $\frac{1}{4}$

▶2. Construire un arbre des probabilités décrivant l'expérience aléatoire.



▶3. Quelle est la probabilité que la première boule soit bleue et la deuxième soit orange?

On note (B , O) l'évènement : « la première boule tirée est bleue et la deuxième tirée est orange » et on utilise l'arbre construit précédemment.

$$p(B, O) = \frac{2}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{2}{12}$$

La probabilité que la première boule soit bleue et la deuxième soit orange est égale à $\frac{2}{12}$.

▶4. Quelle est la probabilité que la deuxième boule soit verte?

On note (?, V) l'évènement : « la deuxième boule tirée est verte ».

$$p(?, V) = p(V, V) + p(O, V) + p(B, V) = \frac{1}{4} \times \frac{0}{3} + \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} + \frac{2}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{12}$$

Corrigé de l'exercice 5

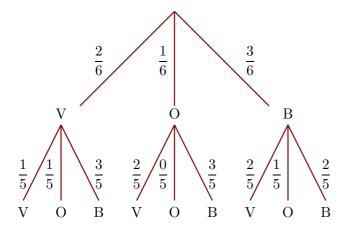
Dans une urne, il y a 2 boules vertes (V), 1 boule orange (O) et 3 boules bleues (B), indiscernables au toucher. On tire successivement et sans remise deux boules.

▶1. Quelle est la probabilité de tirer une boule orange au premier tirage?

Il y a 6 boules dans l'urne dont 1 boule orange.

La probabilité de tirer une boule orange au premier tirage est donc $\frac{1}{6}$

▶2. Construire un arbre des probabilités décrivant l'expérience aléatoire.



▶3. Quelle est la probabilité que la première boule soit bleue et la deuxième soit orange?

On note (B , O) l'évènement : « la première boule tirée est bleue et la deuxième tirée est orange » et on utilise l'arbre construit précédemment.

$$p(B, O) = \frac{3}{6} \times \frac{1}{5} = \frac{3}{30}$$

La probabilité que la première boule soit bleue et la deuxième soit orange est égale à $\frac{3}{30}$

▶4. Quelle est la probabilité que la deuxième boule soit verte?

On note (?, V) l'évènement : « la deuxième boule tirée est verte ».

$$p(?, V) = p(V, V) + p(O, V) + p(B, V) = \frac{2}{6} \times \frac{1}{5} + \frac{1}{6} \times \frac{2}{5} + \frac{3}{6} \times \frac{2}{5} = \frac{10}{30}$$

Corrigé de l'exercice 6

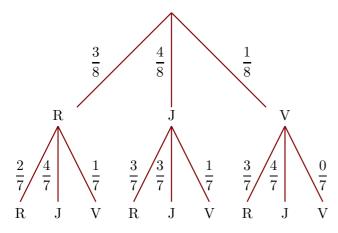
Dans une urne, il y a 3 boules rouges (R), 4 boules jaunes (J) et 1 boule verte (V), indiscernables au toucher. On tire successivement et sans remise deux boules.

 $\blacktriangleright 1.$ Quelle est la probabilité de tirer une boule jaune au premier tirage ?

Il y a 8 boules dans l'urne dont 4 boules jaunes.

La probabilité de tirer une boule jaune au premier tirage est donc $\frac{4}{8}$.

▶2. Construire un arbre des probabilités décrivant l'expérience aléatoire.



▶3. Quelle est la probabilité que la première boule soit verte et la deuxième soit jaune?

On note (V , J) l'évènement : « la première boule tirée est verte et la deuxième tirée est jaune » et on utilise l'arbre construit précédemment.

$$p(V, J) = \frac{1}{8} \times \frac{4}{7} = \frac{4}{56}$$

La probabilité que la première boule soit verte et la deuxième soit jaune est égale à $\frac{4}{56}$.

▶4. Quelle est la probabilité que la deuxième boule soit rouge?

On note (?, R) l'évènement : « la deuxième boule tirée est rouge ».

$$p(?, R) = p(R, R) + p(J, R) + p(V, R) = \frac{3}{8} \times \frac{2}{7} + \frac{4}{8} \times \frac{3}{7} + \frac{1}{8} \times \frac{3}{7} = \frac{21}{56}$$